

التاريخ: 22 - 12 - 2015  
مدة الإنجاز: ساعتان  
الأستاذ: محمد البخيري

## الرياضيات

الثانوية التأهيلية احمد الحنصالي  
نيابة كنجة - أصيلة  
IBSexp1 & 2

فرض محروس رقم 02

وع

الموض

التنقيط

تأخذ بعين الاعتبار الدقة في الإجابة وجودة التحرير وسلامة تسلسل الأفكار

### كالتمرين الأول :

6 Pts

نعتبر المتتاليتين  $(u_n)$  و  $(v_n)$  المعرفتين كما يلي :

$$v_n = u_n - 15 \text{ و } \begin{cases} u_{n+1} = \frac{13}{14}u_n + \frac{15}{14} \\ u_0 = 13 \end{cases}$$

(1) احسب  $u_1$ .

0,5

(2) أ- تحقق أن  $u_{n+1} - 15 = \frac{13}{14}(u_n - 15)$ .

0,5

ب- بين بالترجع أن:  $u_n < 15$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ .

1

ج- بين أن  $(u_n)$  متتالية تزايدية.

1

(3) أ- بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{13}{14}$  واحسب حدها الأول  $v_0$ .

1

ب- اكتب  $v_n$  ثم حدد  $u_n$  بدلالة  $n$ .

1

ج- نضع  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

حدد  $S_n$  بدلالة  $n$ .

1

### كالتمرين الثاني:

6 Pts

لتكن المتتاليتين  $(u_n)$  و  $(v_n)$  المعرفتين بما يلي :

$$v_n = u_{n+1} - u_n \text{ و } \begin{cases} u_{n+2} = 7u_{n+1} - 6u_n \\ u_0 = 1 ; u_1 = 2 \end{cases}$$

(1) احسب  $u_2$  و  $v_0$ .

1

(2) بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها 6.

1

(3) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$ .

1

(4) نضع  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$ .

أ- حدد  $S_n$  بدلالة  $n$ .

1

ب- بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $S_n = u_n - u_0$ .

1

ج- استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$ .

1

### كالتمرين الثالث:

3 Pts

ليكن  $ABC$  مثلثا. نعتبر  $G$  مرجح النقط  $(A, -1)$  و  $(B, 2)$  و  $(C, 2)$  و  $I$  منتصف القطعة  $[BC]$ .

(1) بين أن  $G$  مرجح النقطتين  $(A, -1)$  و  $(I, 4)$ .

0,5

(2) أنشئ الشكل.

1,5

(3) لتكن  $G'$  مرجح النقطتين  $(B, 5)$  و  $(C, -2)$ .

$$\text{حدد مجموعة النقط } M \text{ التي تحقق: } \|\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}\| = \|\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC}\|$$

1

### كالتمرين الرابع:

5 Pts

$ABCD$  رباعي. لتكن  $G$  مرجح النقط  $(A, 2)$  و  $(B, -3)$  و  $(C, 3)$  و  $(D, 1)$ .

(1) أنشئ النقطتين  $E$  و  $F$  بحيث:  $E$  مرجح النقطتين  $(A, 2)$  و  $(B, -3)$  و  $F$  مرجح النقطتين  $(C, 3)$  و  $(D, 1)$ .

2

(2) أ- بين أن  $G$  تنتمي إلى المستقيم  $(EF)$ .

1

ب- أنشئ النقطة  $G$ .

1

$$(3) \text{ حدد مجموعة النقط } M \text{ التي تحقق: } \|\overrightarrow{2MA} - 3\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}\| = 9$$

1